

$$\begin{array}{ll}
 \mathbf{185} & \sqrt{x - \frac{9}{x}} : \sqrt[3]{\frac{x+3}{2x}} : \sqrt[6]{\frac{(x-3)^3}{2x}} \quad [\sqrt[6]{8(x+3)}] \\
 \mathbf{186} & \sqrt{\frac{x^2-4x}{x^2-8x+16}} \cdot \sqrt{\frac{x-4}{x}} : \sqrt{\frac{x^2-16}{x^2}} \quad \left[\sqrt{\frac{x^2}{x^2-16}} \right] \\
 \mathbf{187} & \sqrt[3]{\frac{1}{x+y}} \cdot \sqrt{\frac{x+y}{x-y}} \cdot \sqrt{\frac{x^2-y^2}{x+y}} \quad [\sqrt[6]{x+y}] \\
 \mathbf{188} & \sqrt{\frac{x-y}{x+y}} \cdot \sqrt{\frac{3(x^2-y^2)}{2(x-y)}} \quad \left[\sqrt{\frac{3(x-y)}{2}} \right] \\
 \mathbf{189} & \sqrt{\frac{12(x^2-2ax+a^2)}{5(x+a)^2}} \cdot \sqrt{\frac{10(x+a)^4}{4(x-a)}} \quad [\sqrt{6(x-a)(x+a)^2}] \\
 \mathbf{190} & \sqrt[4]{\frac{2y}{x+y}} + 1 \cdot \sqrt[8]{\frac{x+3y}{2x+2y}} : \sqrt{\frac{x+3y}{x+y}} : \sqrt[8]{x+y} \quad \left[\sqrt[8]{\frac{1}{2(x+3y)}} \right] \\
 \mathbf{191} & \sqrt{\frac{b^2-b-2}{b^2-1}} \cdot \sqrt[3]{\frac{b+1}{b+2}} : \sqrt[6]{\frac{b+1}{b^2-4}} \quad \left[\sqrt[6]{\frac{(b-2)^4(b+1)}{(b-1)^3(b+2)}} \right]
 \end{array}$$

Il trasporto di un fattore fuori dal segno di radice

Nel sito: ► 17 esercizi di recupero



ESERCIZIO GUIDA

192 Trasportiamo fuori dal segno di radice tutti i fattori possibili nei seguenti radicali:

a) $\sqrt[3]{24}$; b) $\sqrt[4]{2^9}$; c) $\sqrt{\frac{3}{16}}$; d) $\sqrt{9a^8b}$ ($b \geq 0$); e) $\sqrt[3]{a^5 + 3a^4 + 3a^3 + a^2}$ ($a \geq -1$).

a) $\sqrt[3]{24} = \sqrt[3]{8 \cdot 3} = \sqrt[3]{2^3 \cdot 3} = \sqrt[3]{2^3} \cdot \sqrt[3]{3} = 2 \cdot \sqrt[3]{3}$.

b) $\sqrt[4]{2^9} = \sqrt[4]{2^8 \cdot 2} = \sqrt[4]{2^8} \cdot \sqrt[4]{2} = 2^2 \cdot \sqrt[4]{2} = 4\sqrt[4]{2}$.

c) $\sqrt{\frac{3}{16}} = \frac{\sqrt{3}}{\sqrt{16}} = \frac{\sqrt{3}}{4} = \frac{1}{4}\sqrt{3}$.

d) $\sqrt{9a^8b} = \sqrt{3^2 \cdot a^8 \cdot b} = \sqrt{3^2} \cdot \sqrt{a^8} \cdot \sqrt{b} = 3 \cdot a^4 \cdot \sqrt{b}$.

e) Raccogliamo a^2 e riconosciamo il cubo di un binomio:

$$\sqrt[3]{a^5 + 3a^4 + 3a^3 + a^2} = \sqrt[3]{a^2(a^3 + 3a^2 + 3a + 1)} = \sqrt[3]{a^2(a+1)^3} = \sqrt[3]{a^2} \cdot \sqrt[3]{(a+1)^3}$$

Poiché per ipotesi $a \geq -1$, il fattore $(a+1)$ non è negativo:

$$= (a+1) \cdot \sqrt[3]{a^2}.$$

Trasporta fuori dal segno di radice tutti i fattori possibili supponendo che non siano negativi.

193 $\sqrt{18}$; $\sqrt{12}$; $\sqrt[3]{54}$; $\sqrt[3]{40}$. $[3\sqrt{2}; 2\sqrt{3}; 3\sqrt[3]{2}; 2\sqrt[3]{5}]$

194 $\sqrt{\frac{16}{3}}$; $\sqrt{\frac{5}{4}}$; $\sqrt[3]{\frac{2}{27}}$; $\sqrt[3]{\frac{8}{5}}$. $\left[4 \cdot \sqrt{\frac{1}{3}}; \frac{1}{2}\sqrt{5}; \frac{1}{3}\sqrt[3]{2}; 2\sqrt[3]{\frac{1}{5}} \right]$

- 195** $\sqrt{40}$; $\sqrt{243}$; $\sqrt{125}$; $\sqrt[3]{16}$. $[2\sqrt{10}; 9\sqrt{3}; 5\sqrt{5}; 2\sqrt[3]{2}]$
- 196** $\sqrt[3]{96}$; $\sqrt[3]{81}$; $\sqrt[4]{320}$; $\sqrt[4]{243}$. $[2\sqrt[3]{12}; 3\sqrt[3]{3}; 2\sqrt[4]{20}; 3\sqrt[4]{3}]$
- 197** $\sqrt{\frac{3}{8}}$; $\sqrt{\frac{72}{25}}$; $\sqrt[3]{\frac{8}{81}}$; $\sqrt[3]{\frac{33}{160}}$. $[\frac{1}{2}\sqrt{\frac{3}{2}}; \frac{6}{5}\sqrt{2}; \frac{2}{3}\sqrt[3]{\frac{1}{3}}; \frac{1}{2}\sqrt[3]{\frac{33}{20}}]$
- 198** $\sqrt[3]{320}$; $\sqrt[3]{375}$; $\sqrt[4]{112}$; $\sqrt[4]{405}$. $[4\sqrt[3]{5}; 5\sqrt[3]{3}; 2\sqrt[4]{7}; 3\sqrt[4]{5}]$
- 199** $\sqrt{5a^8bc^2}$; $\sqrt[3]{6ab^3c^6}$; $\sqrt[4]{\frac{2}{81}x^{12}}$; $\sqrt{2a^2b}$. $[a^4c\sqrt{5b}; bc^2\sqrt[3]{6a}; \frac{1}{3}x^3\sqrt[4]{2}; a\sqrt{2b}]$
- 200** $\sqrt[3]{a^3 + 3a^2 + 3a + 1}$; $\sqrt[3]{a^6(x-y)^3}$; $\sqrt[3]{3b^6}$. $[a + 1; a^2(x-y); b^2\sqrt[3]{3}]$
- 201** $\sqrt{x^2 + x^2y}$; $\sqrt{4 + 4b^2}$; $\sqrt{x^2y - 3x^2}$. $[x\sqrt{1+y}; 2\sqrt{1+b^2}; x\sqrt{y-3}]$
- 202** $\sqrt{x^6 - 2x^3b^3 + b^6}$; $\sqrt{\frac{3a^2 - 18a + 27}{9b^2x}}$. $[x^3 - b^3; \frac{a-3}{b}\sqrt{\frac{1}{3x}}]$
- 203** $\sqrt[4]{\frac{a+3}{(a-3)^5}}$; $\sqrt{8(x^5 - 6x^4 + 9x^3)}$. $[\frac{1}{a-3}\sqrt[4]{\frac{a+3}{a-3}}; 2x(x-3)\sqrt{2x}]$
- 204** $\sqrt[3]{\frac{4}{27}a^3b^6}$; $\sqrt[4]{(a^2-1)(a-1)^3}$. $[\frac{1}{3}ab^2\sqrt[3]{4}; (a-1)\sqrt[4]{a+1}]$
- 205** $\sqrt{4x - 12b}$; $\sqrt[4]{b^4 + b^4x}$; $\sqrt[3]{(2-x)^2a^6b}$. $[2\sqrt{x-3b}; b\sqrt[4]{1+x}; a^2\sqrt[3]{(2-x)^2b}]$
- 206** $\sqrt{a^2 - \frac{1}{9}}$; $\sqrt{\frac{7a}{25b^2}}$; $\sqrt[4]{x^4 + x^4b^2}$. $[\frac{1}{3}\sqrt{9a^2-1}; \frac{1}{5b}\sqrt{7a}; x\sqrt[4]{1+b^2}]$
- 207** $\sqrt{\frac{a^5x^3}{48}}$; $\sqrt[3]{\frac{a^4(x-1)^5}{27}}$. $[\frac{a^2x}{4}\sqrt{\frac{ax}{3}}; \frac{a(x-1)}{3}\sqrt[3]{a(x-1)^2}]$
- 208** $\sqrt[3]{\frac{54(2x+1)^4}{(x+3)^5}}$; $\sqrt{\frac{(x+2)^5x^3}{27}}$. $[\frac{3(2x+1)}{x+3}\sqrt{\frac{2(2x+1)}{(x+3)^2}}; \frac{x(x+2)^2}{3}\sqrt{\frac{(x+2)x}{3}}]$
- 209** $\sqrt{\frac{80(a-2)^3a^4}{a^2-4}}$; $\sqrt{\frac{100x^3(x^2-1)^4}{(x-1)^3}}$. $[4a^2(a-2)\sqrt{\frac{5}{a+2}}; 10x(x+1)^2\sqrt{x(x-1)}]$
- 210** $\sqrt[3]{\frac{(a-1)^7a^4}{81}}$; $\sqrt{\frac{(x^2-2x)(x-2)^2}{(x^2-4x+4)^3}}$. $[\frac{a(a-1)^2}{3}\sqrt[3]{\frac{a(a-1)}{3}}; \frac{1}{x-2}\sqrt{\frac{x}{x-2}}]$
- 211** $\sqrt{\frac{(x^3+4x^2)^2}{(x^2-16)^3}}$; $\sqrt{\frac{18a^5(x+3)^3}{x^4}}$. $[\frac{x^2}{x-4}\sqrt{\frac{1}{x^2-16}}; \frac{3a^2(x+3)}{x^2}\sqrt{2a(x+3)}]$

Fattori trasportati fuori dal segno di radice e discussione

ESERCIZIO GUIDA

212 Trasportiamo fuori dal segno di radice tutti i fattori possibili nei seguenti radicali:

- a) $\sqrt{a^6b}$; b) $\sqrt[3]{125a^3b}$; c) $\sqrt[3]{8a^3b^9c^2}$; d) $\sqrt{2a^2 - 4a + 2}$.

a) C.E. di $\sqrt{a^6b}$: $b \geq 0$.

$$\sqrt{a^6b} = |a^3| \sqrt{b}.$$

Introduciamo il valore assoluto di a^3 poiché le C.E. non garantiscono che sia $a^3 \geq 0$.

b) C.E. di $\sqrt[3]{125a^3b}$: $ab \geq 0$.

$$\sqrt[3]{125a^3b} = \sqrt[3]{5^3a^3b} = 5|a| \sqrt[3]{|b|}.$$

Introduciamo i valori assoluti di b e a poiché le C.E. non assicurano che il radicando sia ≥ 0 e per rendere vera l'uguaglianza.

c) C.E. di $\sqrt[3]{8a^3b^9c^2}$: $ab \geq 0$.

$$\sqrt[3]{8a^3b^9c^2} = \sqrt[3]{2^3a^3b^9c^2} = 2ab^3 \sqrt[3]{c^2}.$$

I valori assoluti non occorrono, perché le C.E. garantiscono che $ab^3 \geq 0$, essendo $ab^3 = ab \cdot b^2 \geq 0$.

d) C.E. di $\sqrt{2a^2 - 4a + 2} = \sqrt{2(a-1)^2}$: $\forall a \in \mathbb{R}$.

$$\sqrt{2(a-1)^2} = |a-1| \sqrt{2}.$$

Infatti le C.E. non garantiscono che sia $a-1 \geq 0$ mentre $\sqrt{2(a-1)^2} \geq 0$.

COMPLETA Nelle seguenti uguaglianze sono stati trasportati fuori dal segno di radice tutti i fattori possibili senza mettere i necessari valori assoluti. Aggiungili dove mancano.

213 $\sqrt{x^2} = x$; $\sqrt{x^3} = x \cdot \sqrt{x}$; $\sqrt{ab^2} = b\sqrt{a}$.

217 $\sqrt[4]{a^4b^8c} = ab^2 \sqrt[4]{c}$; $\sqrt[5]{32a^5b} = 2a \sqrt[5]{b}$;

214 $\sqrt{x^4} = x^2$; $\sqrt{x^5} = x^2 \cdot \sqrt{x}$; $\sqrt[3]{a^6} = a^2$.

$\sqrt[6]{a^{12}b^6c} = a^2b \sqrt[6]{c}$.

215 $\sqrt[3]{8a^3bc^3} = 2ac \sqrt[3]{b}$; $\sqrt[3]{\frac{27a^3}{b^6c}} = \frac{3a}{b^2} \sqrt[3]{\frac{1}{c}}$.

218 $\sqrt[4]{\frac{16a^4b}{c^8}} = \frac{2a}{c^2} \sqrt[4]{b}$; $\sqrt{\frac{4a^2d}{c^4}} = \frac{2a}{c^2} \sqrt{d}$.

216 $\sqrt{a^2 \cdot b} = a \sqrt{b}$; $\sqrt{2a^4b^2} = a^2 \cdot b \cdot \sqrt{2}$;

219 $\sqrt{9(a-1)^2b} = 3(a-1) \sqrt{b}$;

$\sqrt{9a^4b} = 3a^2 \sqrt{b}$.

$\sqrt{16a^2(b-1)^2} = 4a(b-1)$.

Trasporta fuori dal segno di radice tutti i fattori possibili.

220 $\sqrt{16b^4c}$; $\sqrt[3]{27a^2b^{12}c^6}$; $\sqrt[3]{12x^3y^2}$. $[4b^2 \sqrt{c}; 3b^4x^2 \sqrt[3]{a^2}; x \sqrt[3]{12y^2}]$

221 $\sqrt{(a^2 - 2a + 1)b}$; $\sqrt[3]{6x^2y^3c^6}$; $\sqrt[5]{10x^5y^4}$. $[|a-1| \sqrt{b}; yc^2 \sqrt[3]{6x^2}; x \sqrt[5]{10y^4}]$

222 $\sqrt[4]{16b^4c}$; $\sqrt[3]{64x^2b^6y^9}$; $\sqrt{81x^4y^6}$. $[2|b| \sqrt[4]{c}; 4b^2y^3 \sqrt[3]{x^2}; 9x^2|y|^3]$

223 $\sqrt{12a^2 + a^2x}$; $\sqrt[3]{15x^3 + x^5}$. $[|a| \sqrt{12+x}; x \sqrt[3]{15+x^2}]$

224 $\sqrt{4x^2c}$; $\sqrt[3]{81x^6y^{12}c^2}$. $[2|x| \sqrt{c}; 3x^2y^4 \sqrt[3]{3c^2}]$

225 $\sqrt{a^2b^2 + 4b^2}$; $\sqrt[3]{ab^3 - b^4}$. $[|b| \sqrt{a^2+4}; |b| \sqrt[3]{|a-b|}]$

226 $\sqrt{a^2b + b^2a^2}$; $\sqrt[3]{27a^3 + 27}$. $[|a| \sqrt{b+b^2}; 3 \sqrt[3]{a^3+1}]$

227 $\sqrt{16a^2(b^2 - 2b + 1)}$; $\sqrt{16(a^2x + 2ax + x)}$. $[4|a(b-1)|; 4|a+1| \sqrt{x}]$

228 $\sqrt{(x^2 - 4)(x - 2)}$; $\sqrt{\frac{x^2 - x}{x^3 - 3x^2 + 3x - 1}}$. $[|x-2| \sqrt{x+2}; \frac{\sqrt{x}}{|x-1|}]$

229	$\sqrt{\frac{4x^3 - 4x^2}{x^2 + 2x + 1}}$;	$\sqrt{\frac{81x^3}{x^2 - 5x}}$.	$\left[2 \left \frac{x}{x+1} \right \sqrt{x-1}; \frac{9x}{\sqrt{x-5}} \right]$
230	$\sqrt{(x-1)^3}$;	$\sqrt[4]{\frac{27a^5}{(x+3)^4}}$.	$\left[(x-1)\sqrt{x-1}; \frac{a^4\sqrt{27a}}{ x+3 } \right]$
231	$\sqrt{(x^2-9)(x^2+3x)x^3}$;	$\sqrt{\frac{(1-x)^2 4x}{(x^2-1)(x^2+x)}}$.	$\left[x^2(x+3)\sqrt{x-3}; \frac{2}{x+1}\sqrt{x-1} \right]$
232	$\sqrt{\frac{a^4 b^4}{c(x-1)^6}}$;	$\sqrt{3x^2 - 18x + 27}$.	$\left[\frac{a^2 b^2}{ x-1 ^3} \sqrt{\frac{1}{c}}; x-3 \sqrt{3} \right]$
233	$\sqrt[3]{x^5 + 3x^4 + 3x^3 + x^2}$;	$\sqrt{a^5 + a^4}$.	$[(x+1)\sqrt[3]{x^2}; a^2\sqrt{a+1}]$

■ Moltiplicare, dividere e portare fuori dal segno di radice

Dopo aver eseguito le moltiplicazioni e divisioni indicate, trasporta fuori dal segno di radice i fattori possibili. Supponi che i fattori che compongono i radicandi siano positivi.

234	$\sqrt{24} \cdot \sqrt{30}$;	$\sqrt{\frac{5}{4}} \cdot \sqrt{\frac{3}{125}}$;	$\sqrt[3]{\frac{3}{2}} \cdot \sqrt[3]{\frac{9}{4}}$.	$\left[12\sqrt{5}; \frac{1}{10}\sqrt{3}; \frac{3}{2} \right]$
235	$\sqrt[4]{4a^3 b^2} \cdot \sqrt[3]{4a^2 b}$;	$\sqrt[3]{\frac{1}{9} x^2} \cdot \sqrt[5]{\frac{1}{27} x^4 y^3}$.		$\left[2a \sqrt[12]{4a^5 b^{10}}; \frac{x}{3} \sqrt[15]{\frac{x^7 y^9}{81}} \right]$
236	$\sqrt{\frac{x-2y}{a^2-4b^2}} \cdot \sqrt{\frac{a-2b}{x-2y}}$	$\cdot \sqrt[6]{(x-2y)^5}$		$\left[(x-2y) \sqrt[6]{\frac{1}{(a-2b)(a+2b)^3}} \right]$
237	$\sqrt[6]{\frac{1}{x-1}} \cdot \sqrt[3]{(x^2-1)^2}$	$: \sqrt{\frac{x^3+3x-3x^2-1}{x+1}}$		$\left[\frac{x+1}{x-1} \sqrt[6]{x+1} \right]$
238	$\sqrt[3]{\frac{1}{2a-1}} \cdot \sqrt{\frac{4a^2-1}{(2a-1)^3}}$	$\cdot \sqrt[3]{\frac{2a-1}{2a+1}}$		$\left[\frac{\sqrt[6]{2a+1}}{2a-1} \right]$
239	$\sqrt[6]{\frac{a^2-1}{a}} \cdot \sqrt[3]{\frac{1}{a^2} + a^2 + 2}$	$\cdot \sqrt[6]{\frac{1}{a^4(a^2-1)^4}} \cdot \sqrt{\frac{a}{a^4-1}}$		$\left[\frac{1}{a(a^2-1)} \sqrt[6]{a^2+1} \right]$
240	$\sqrt[3]{a+2} \cdot \sqrt[3]{\frac{1}{a^2-4a+4}}$	$\cdot \sqrt[3]{(a^2-4) \cdot \frac{a^3-8}{a^2+2a+4}}$		$\left[\sqrt[3]{(a+2)^2} \right]$

BRAVI SI DIVENTA ► E35



241 $\sqrt[3]{\frac{9}{x^2+6x+9}} \cdot \sqrt[6]{\frac{9(x^2-9)^4}{x}}$; $\sqrt{\frac{x^3-3x^2}{3}}$

Trova le condizioni di esistenza dei radicali e, dopo aver eseguito le moltiplicazioni indicate, trasporta fuori dal segno di radice i fattori possibili; metti il valore assoluto dove necessario.

242	$\sqrt[4]{a^2 b^3} \cdot \sqrt[4]{a^7 b^9}$;	$\sqrt[6]{b^3 c} \cdot \sqrt[6]{3b^3 c^5}$;	$\sqrt[5]{2x^3 y^4} \cdot \sqrt[5]{16x^3 y^3}$.	$[a^2 b^3 \sqrt[4]{a}; bc \sqrt[6]{3}; 2xy \sqrt[5]{xy^2}]$
243	$\sqrt[2]{\frac{6y}{x^3}} \cdot \sqrt[3]{\frac{4x}{9y^3}}$;	$\sqrt[6]{\frac{xy^5}{4}} \cdot \sqrt[3]{\frac{2y^2}{x^8}}$;	$\sqrt[6]{\frac{8a^4}{b^4}} \cdot \sqrt[4]{\frac{4b^2}{a^2}}$.	$\left[\frac{2}{x} \sqrt[6]{\frac{2}{3xy^3}}; \frac{y}{x^2} \sqrt{\frac{y}{x}}; 2 \sqrt[6]{\left \frac{a}{b} \right } \right]$
244	$\sqrt{\frac{x-3}{x+y}} \cdot \sqrt{\frac{x^2-y^2}{x^3-y^3}}$	$\cdot \sqrt{\frac{x^2+xy+y^2}{x^2+2xy+y^2}}$;	$\sqrt{\frac{x^2-2x+1}{x}} \cdot \sqrt[3]{\frac{1}{x^2}}$	$\cdot \left[\frac{1}{x+y} \sqrt{x-3}; \frac{ x-1 }{x} \cdot \left(\sqrt[6]{\frac{1}{x}} \right) \right]$

6. La potenza e la radice di un radicale



Teoria a pag. 789

RIFLETTI SULLA TEORIA

245 VERO O FALSO?

a) Se $a \in \mathbb{R}_0^+$ e $x, y, z \in \mathbb{N} - \{0\}$, allora $(\sqrt[x]{a^y})^z = \sqrt[xz]{a^{yz}}$.

V F

b) $(\sqrt[4]{3})^7 = 3 \sqrt[4]{27}$.

V F

c) La radice cubica della radice quinta di a è equivalente alla radice ottava di a .

V F

246 È vera l'uguaglianza $(\sqrt[6]{a^3})^2 = a$, con $a \in \mathbb{R}_0^+$? Motiva la risposta e fai altri esempi.

247 Perché l'uguaglianza $-7\sqrt{z} = \sqrt{49z}$, con $z > 0$, è falsa? Correggila in modo che diventi vera.

ESERCIZI

La potenza di un radicale

ESERCIZIO GUIDA

248 Calcoliamo le seguenti potenze di radicali:

a) $(\sqrt[3]{2})^5$; b) $(\sqrt[5]{2xy^2})^3$ ($x \geq 0$); c) $(\sqrt[6]{5ab^2})^3$.

Applichiamo in tutti i casi il teorema della potenza: $(\sqrt[n]{a})^m = \sqrt[n]{a^m}$.

a) $(\sqrt[3]{2})^5 = \sqrt[3]{2^5} = 2 \sqrt[3]{2^2} = 2 \sqrt[3]{4}$.

b) $(\sqrt[5]{2xy^2})^3 = \sqrt[5]{(2xy^2)^3} = \sqrt[5]{8x^3y^6} = |y| \sqrt[5]{8x^3|y|}$.

c) $(\sqrt[6]{5ab^2})^3 = \sqrt[2]{5ab^2} = |b| \sqrt{5a}$.

Calcola le seguenti potenze di radicali.

249 $(\sqrt{3})^3$; $(\sqrt[6]{2})^3$; $(\sqrt[5]{2})^2$; $(\sqrt[4]{3})^2$. $[3\sqrt{3}; \sqrt{2}; \sqrt[5]{4}; \sqrt{3}]$

250 $(\sqrt{12})^3$; $(\sqrt[3]{9})^6$; $(\sqrt[10]{7})^2$; $(\sqrt[5]{3})^2$. $[24\sqrt{3}; 81; \sqrt[5]{7}; \sqrt[5]{9}]$

251 $(\sqrt{2a^5b})^3$; $(\sqrt[3]{3x^4y})^2$; $(\sqrt[6]{bc^3})^4$. $[2a^7b\sqrt{2ab}; x^2\sqrt[3]{9x^2y^2}; c^2\sqrt[3]{b^2}]$

252 $[\sqrt[3]{(x+3y)(x-y)}]^2$; $(\sqrt[3]{2x-3y})^2$. $[\sqrt[3]{(x+3y)^2(x-y)^2}; \sqrt[3]{(2x-3y)^2}]$

253 $(\sqrt[3]{2a-b})^4$; $\left(\sqrt{\frac{3a-x}{a+b}}\right)^3$. $\left[(2a-b)\sqrt[3]{2a-b}; \frac{3a-x}{a+b}\sqrt{\frac{3a-x}{a+b}}\right]$

254 $[(x+2)\sqrt{3}]^2$; $[(3x-y)\sqrt{a}]^3$. $[3(x+2)^2; a\sqrt{a}(3x-y)^3]$

255 $(\sqrt{8ab^2x})^3$ ($ax \geq 0$); $(\sqrt[3]{x^n b^{2n}})^2$. $[16a|b|^3x\sqrt{2ax}; |b^n|\sqrt[3]{x^{2n}|b^n|}]$

■ Espressioni con potenze di radicali

Semplifica le seguenti espressioni con potenze di radicali. Supponi positivi i radicandi letterali.

$$\mathbf{256} \quad \left(\sqrt[3]{\frac{9}{16}}\right)^2 \cdot \left(\sqrt[3]{\frac{16}{3}}\right)^2; \quad (\sqrt{5})^3 : (\sqrt[3]{25})^2; \quad \left(\sqrt[3]{\frac{1}{3}}\right)^2 : \sqrt{\frac{1}{27}}. \quad [\sqrt[3]{9}; \sqrt[6]{5}; \sqrt[6]{243}]$$

$$\mathbf{257} \quad (\sqrt[4]{a})^2 \cdot (\sqrt[3]{a^2})^3 \cdot \sqrt{a}; \quad \left[(a-2b) : \sqrt{\frac{a-2b}{3a^2}}\right]^2. \quad [a^3; 3a^2(a-2b)]$$

$$\mathbf{258} \quad \left(\sqrt[6]{1 - \frac{x-3y}{x+y}} \cdot \sqrt[6]{\frac{x-y}{4y}}\right)^3 : \sqrt{\frac{1}{x+y}} \quad [\sqrt{x-y}]$$

$$\mathbf{259} \quad \left(\sqrt[3]{\frac{a}{b} + \frac{b}{a} + 1} : \sqrt[3]{\frac{1}{a} + \frac{1}{b}}\right)^2 : \sqrt[3]{\frac{(a^3 - b^3)^2}{a^2 - b^2}} \quad [1]$$

$$\mathbf{260} \quad \left(\sqrt[3]{\frac{a^2}{b^2} + \frac{b^2}{a^2} - 2} : \sqrt[3]{2 + \frac{a}{b} + \frac{b}{a}}\right)^2 : \sqrt[3]{\frac{(a-b)^4}{a}} \quad \left[\sqrt[3]{\frac{1}{ab^2}}\right]$$

$$\mathbf{261} \quad \sqrt[3]{x^2 y (x-y)^2 (x+y)} \cdot \sqrt[3]{\frac{x}{y} - 2 + \frac{y}{x}} : (\sqrt[3]{x^3 - 2x^2 y + xy^2})^2 \quad \left[\sqrt[3]{\frac{x+y}{x}}\right]$$

$$\mathbf{262} \quad \sqrt[3]{\frac{x^2 + x - 6}{x^2 - x - 6}} \cdot \left(\sqrt{\frac{x+2}{x+3}} \cdot \sqrt{\frac{x-3}{x-2}}\right)^2 \quad \left[\sqrt[3]{\frac{(x^2 - x - 6)^2}{(x^2 + x - 6)^2}}\right]$$

■ La radice di un radicale

■ ESERCIZIO GUIDA

263 Eseguiamo la radice di radicale: $\sqrt{\sqrt[3]{5}}$.

Applichiamo il teorema della radice di una radice:

$$\sqrt[m]{\sqrt[n]{a}} = \sqrt[m \cdot n]{a}.$$

La radice che otteniamo ha come indice il prodotto degli indici delle singole radici: $2 \cdot 3 = 6$.

$$\sqrt{\sqrt[3]{5}} = \sqrt[6]{5}.$$

Esegui le seguenti radici di radicali.

$$\mathbf{264} \quad \sqrt{\sqrt[3]{2}}; \quad \sqrt{\sqrt[5]{3}}; \quad \sqrt{\sqrt{6}}.$$

$$\mathbf{265} \quad \sqrt{\sqrt[3]{7}}; \quad \sqrt[6]{\sqrt{3}}; \quad \sqrt[3]{\sqrt[3]{3}}.$$

$$\mathbf{266} \quad \sqrt{\sqrt[3]{2a}}; \quad \sqrt{\sqrt[3]{3a^2b^3}}.$$

$$\mathbf{267} \quad \sqrt[3]{\sqrt{6ax}}; \quad \sqrt[5]{\sqrt{9a^2b}}.$$

$$\mathbf{268} \quad \sqrt{\sqrt{\sqrt{a^5b^3}}}; \quad \sqrt{\sqrt[3]{a^3b^6}}.$$

$$\mathbf{269} \quad \sqrt[5]{\sqrt[3]{x^2}}; \quad \sqrt[8]{\sqrt{2a^{10}}}.$$